تحقيقات منابع أب إيران Iran-Water Resources

Research

سال چهاردهم، شماره ۵، زمستان ۱۳۹۷ Volume 14, No. 5, Winter 2019 (IR-WRR) 711-778



Compliance of the Watershed Geo-Morphological Indices with the Multi-fractal **Properties of the River Network**

S. Kamyab¹ and M.H. Fattahi^{2*}

Abstract

Fractal geometry is used as a suitable tool for analysis of the sub-basin and the river networks geomorphology characteristics and simulation of complex natural phenomenon. The main objective of this article is the analysis and evaluation of Walnut Gulch Watershed based on multi-fractal analysis of the river network images and geomorphology characteristics. The basin is located at the south eastern Arizona State in the united states with total area of over 150 km² that surrounds the historical western town of Tombstone (31042' N, 110003' W). To achieve this goal we inserted the required data in GIS template in the Arc Map software including Dem 10 topographic maps of the drainage network and sub-basins classification. Accordingly geo-morphologic characteristics including stream length gradient index (SL), river sinuosity (S), transverse topographic symmetry factor (T), drainage density (µ), elongation ratio (Re) and form factor (Bs) are calculated. We also developed MATLAB codes for multi-fractal indices including fractal generalized dimension D (q), singularity spectrum $f(\alpha)$ and the scaling exponent T(q). Besides, the fractal dimension is calculated using Box Counting method. Results depicted that the non-linear nature of the river network is mostly based on the multi-fractal characteristics rather than the fractal dimension. Results also showed that significant relations are recorded between the geomorphologic indices such as: μ , SL, S, T, BS and Re and the multi-fractal characteristics D (q), T (q) and f (a). Results reported that sub-basins with most S, SL and µ values including sub-basins 3, 6, 9 and 10, also hold the greatest T (q) index and singularity angle, α . Meanwhile, the absolute difference between the fractal dimension and D (a), which is called Δ , was minimum and generalized dimension graph showed the most monotonic behavior. On the other hand for sub-basins 5, 7, 15, 2, and 1 for which the S, SL and μ indices were the smallest, T (q), D (q) and α also delivered their minimum values, Δ was maximum and generalized dimension diagram showed sharp variations. Results also showed that T has significant relation with the symmetry of the singularity spectrum. Sub-basins 7, 9, 5 and 11 with the smallest T have non-symmetric singularity spectrums and right asymmetric while sub-basins 3, 6, 8, 1 and 15 with the highest T values are more symmetric and sub-basin 10 with the maximum T is fully symmetric.

Keywords: River Network, Fractal Geometry, Multi-Fractals, Geomorphology Characteristics.

Received: June 26, 2017 Accepted: September 13, 2018

1- Civil Engineering Deptment, Water Resources Management, Marvdasht Branch, Islamic Azad University, Marvdasht, Iran.

2- Civil Engineering Deptment, Water Resources Management, Marvdasht Branch, Islamic University, Marvdasht, Azad Iran. Email: fattahi.mh@miau.ac.ir

*- Corresponding Author

انطباق سنجى خواص زمين ريخت شناسي (ژئومورفولوژیک) حوضه آبریز و ویژگیهای چندفراکتال شکل آبراهه

ساره کامیاب و محمدهادی فتاحی **

حكيده

هندسه فراكتال بهعنوان ابزارى مناسب جهت بررسى ژئومورفولوژى زيرحوضهها و شبکه رودخانه و مدلسازی بسیاری از پدیدههای پیچیده طبیعی به کار گرفته می شود. هدف از این مقاله بررسی و ارزیابی حوضه آبریز وال نات گولچ در جنوب شرق ایالت آریزونای آمریکا با مساحت ۱۵۰ کیلومترمربع که شهر تاریخی تامبستون (۳۱ و ۴۲ شمالی، ۱۱۰ و ۰۳ غربی) در مرکز آن واقع است بر اساس تحلیل چندفراکتال شکل آبراهه و مقایسه انطباقی ویژگیهای چندفراکتال حوضه آبریز با شاخصهای ژئومورفولوژیک آن میباشد. برای این منظور دادههای مورد نیاز در قالب نقشههای GIS که شامل نقشههای توپوگرافی Dem10 شبکه آبراهه و تقسیمبندی حوضه آبریز به ۱۵ زیرحوضه اصلی بودند، فراهم شدند. سپس این دادهها در محیط GIS و نرمافزار Arc Map وارد شدند. ویژگیهای ژئومورفولوژیک حوضه شامل شاخص گرادیان طولی رودخانه SL، شاخص پیچوخم رودخانه اصلی S، شاخص تقارن توپوگرافی عرضی T، شاخص تراکم شبکه رودخانه µ، نسبت کشیدگی Re و نسبت شکل حوضه Bs نیز محاسبه شدند. همچنین از کدهای توسعه دادهشده در محیط MATLAB برای محاسبه شاخصهای چندفراکتالی بعد تعمیمیافته (D(q)، طیف تکینگی $f(\alpha)$ زاویه تکینگی α ، ضریب مقیاسی T(q) و بعد فراکتال D_f استفاده شد. نتایج و بررسی های مختلف نشان داد که ماهیت زیر حوضه ها بر الگوهای فراکتال و چندفراکتال استوار است و همچنین ماهیت غیرخطی شکل آبراهه بیش از آنکه متأثر از تحلیلهای تکفراکتال باشد نسبت به شاخصهای چندفراکتال حساس میباشد. همچنین روابط معنیداری بین شاخصهای ژئومورفولوژیک و شاخصهای چندفراکتالی وجود دارد. نتایج نشان داد که β، β و SL ارتباط مستقیمی با ویژگیهای چندفراکتال حوضه آبریز دارند بگونهای که در زیرحوضههایی که بیشترین مقدار μ، D_{f} و SL را داشتند بیشترین (q) و T(q) و D_{f} و SLSL و Λ نامیده می شود حاصل می شود حال آنکه در زیر حوضه هایی که μ (q) که Δ نامیده می شود حاصل می شود حال آنکه در زیر حوضه هایی که کمترین است مقدار (q) و α حداقل میباشد و Δ ماکزیمم است. نتایج همچنین نشان داد که شاخص تقارن توپوگرافی عرضی رودخانه T ارتباط مستقیم با تقارن طیف تکینگی دارد بگونهای که در زیرحوضههایی که T کمترین است طیف تکینگی دارای عدم تقارن و کشیدگی به سمت راست است و در زیر حوضههایی که بیشترین مقادیر T را دارند نمودار طیف تکینگی نیز متقارن تر است و در زیر حوضهای که مقدار T حداكثر است نمودار طيف تكينكى نيز كاملاً متقارن است.

کلمات کلیدی: شبکه آبراهه، هندسه فراکتال، چندفراکتال، شاخصهای ژئومورفولوژى. تاریخ دریافت مقاله: ۹۶/۴/۵

تاریخ پذیرش مقاله: ۹۷/۶/۲۲

*– نویسنده مسئول

۱- گروه مهندسی عمران- مهندسی و مدیریت منابع آب، واحد مرودشت، دانشگاه آزاد اسلامی، مرودشت، ایران. ۲- گروه مهندسی عمران- مهندسی و مدیریت منابع آب، واحد مرودشت، دانشگاه آزاد

اسلامی، مرودشت، ایران.

بحث و مناظره (Discussion) در مورد این مقاله تا پایان بهار ۱۳۹۸ امکانپذیر است.

۱ – مقدمه

با نظر کردن به عکسهای هوایی گرفته شده از طبیعت، سواحل دریاها و یا حتی کوهستانها میتوان پی برد که این جهان هستی در عین سادگی بسیار پیچیده و بینظم است. با دقت در این پدیدهها میتوان به ماهیت بعد کسری آنها پی برد. این ماهیت دقیقاً خاصیت ویژهای از فراکتالهاست که به کمک آنها میتوان به ذخیرهسازی تصاویر پرداخت.

یکی از مسائلی که از پیچیدگیهای زیادی برخوردار است، بررسی شکل آبراهه و خواص ژئومورفولوژی و روابط بین آنها در طبیعت است. ژئومورفولوژی دانش شناسایی اشکال ناهمواریهای زمین است و به مطالعه علمی ویژگیهای هندسی سطح زمین میپردازد. شاخصهای ژئومورفولوژیکی از ابزارهای مفید در ارزیابی و شناسایی شبکههای ژئومورفولوژی پایه و اساس بررسیهای منابع طبیعی حوضههای آبریز به شمار میرود. شرایط توپوگرافی و ژئومورفولوژی هر منطقه روی شکل گیری شبکه آبراهه و نوع آن مؤثر میباشد.

تمامی جهان هستی و پدیدههای طبیعی موجود در آن ازجمله حوضههای آبریز و شبکه آبراهه از الگوهای فراکتالی و چندفراکتالی پیروی می کنند. با توجه به غیرخطی بودن این سیستمها، میتوان از قوانین و روابط غیرخطی حاکم بر سیستمهای غیرخطی جهت تحلیل آنها استفاده نمود. به طور کلی فراکتال، سیستمهایی را که در آنها نوعی تکرار الگو مشاهده می شود را شامل می شود. این تکرار الگو هم مى تواند به صورت تصادفي و هم به صورت قطعى باشد. اين الكوها اگر برای پدیدهای منفرد باشند آن پدیده تکفراکتال نامیده می شود و شاخص فراکتال بودن آن عددی به نام بعد فراکتال است که به روشهای مختلف میتوان آن را استخراج کرد (Eke, 2000). گرچه Fattahi et al. (2010) نشان دادند که کاربرد هر یک از روشها متناسب با نوع دادههای وارده می تواند دقیق ترین بعد فراکتال را حاصل کند و الزاماً هر روشی را نمی توان با هر نوع دادهای به کار برد. روش شمارش جعبهای یکی از پرکاربردترین روشهای محاسبه بعد فراکتالی مى باشد. اين روش توسط (Russell et al. (1980) تعريف شده است. هرگاه برای بیان دینامیک سیستم نیازمند الگوهای متعدد فراکتالی باشیم بهعبارت دیگر استفاده از یک نمای منفرد بعد فراکتالی پاسخگو نباشد، سیستم چندفراکتال تعریف می شود. تحلیل چندفراکتالی ابزاری قدرتمند در تحلیل غیرخطی سیستمهای غیرخطی و پیچیده میباشد.

به همین دلیل برای آشکارسازی رفتار و الگوهای غیرخطی نهفته در سیستمهای پیچیده استفاده میشود (Moon, 2004).

هندسه فراکتال ریشه در مطالعات انجام شده در اواخر قـرن ۱۹ و اوایل قرن ۲۰ توسط ریاضیدانان دارد. دانشمندان علوم آب از پیشروترین محققین در کاربست دستاوردهای نوین ریاضیات مانند آنالیز فراکتال در علوم مرتبط با آب می باشند. گروهی محققین قابلیت هندسه فراکتالی را در توجیه رفتار فیزیکی و دینامیک رودخانه آزمودهانـــد و بررسی محققان ذات فراکتالی این فراینــدها را نیز ثابت ن_موده است (Beauvais and Montgomery, 1996;) La Barbera and Rosso, 1989; Shang and Kamae, 2005; .(De Bartolo et al., 2006; Shen et al., 2011; Tarbaton et al. (1988) ساختار فراكتالي شبكه رودخانهها را ارائه دادند. (Puente et al. (1995) ساختار فراکتال شبکه زهکشی شده را مـورد بررسی و تحلیل قرار دادنـد و دو قانـون مشابه هورتون برای متوسط بعد فراکتالی آن شبکهها گزارش کردند. Bartolo et al. (2004) از دو الگوریتم شمارش جعبه ای و الگوریتم جعبه ماسه جهت بررسی شبکه رودخانههای طبیعی استفاده کردند. برخی پژوهشگران داخلی نیز مطالعاتی در خصوص ارائه دیدگاههای غیرخطی فراکتالی و چندفراکتالی به حوضه آبریز ارائه نمودهاند. در تحقيق خود بعد Ghadampour and Beydokhti (2011) فراکتالی در بازه پیچان رودی از رودخانه حله با استفاده از روش شمارش جعبهای را، مورد محاسبه قرار دادند. (2012) Fattahi et al. در نگرشی چندفراکتالی به بررسی رفتار جریان رود در زمان سیلاب یرداختند و به این نتیجه رسیدند که رفتار سری زمانی جریان در هنگام سیلاب از الگوی چندفراکتال به تکفراکتال تغییر میکند. Alizadeh and Alizadeh (2014) با تعيين بعد فراكتال و تحليل أن با استفاده از تئوري هندسه فراكتال و روش شاخهبندي هورتون-استرالر و توکوناگا، به مطالعه ویژگیهای رودخانه زرینهرود پرداختند.

در سالهای اخیر بخصوص برخی محققین به ارتباطهایی که مابین شاخصهای ژئومورفولوژیک حوضه آبریز و تحلیل فراکتال آن وجود دارد پرداختهاند. (2014) Elmizadeh et al کاربرد تئوری فـراکتال در تفسیـر خـواص ژئوم.ورفولوژی رودخـانه را بررسی کردند. (2010) Karam با توجه به خود سازمانده بودن و تبعیت از حالت فراکتال سیستمهای ژئومورفولوژیک، به بررسی سیستمهای جریانی، حرکتهای تودهای، سیستم خاک و زمینهای مرطوب ساحلی پرداخت. (2015) Karam and Saber مقدار بعد فراکتالی برای آبراهههای شمال تهران، همچنین مورفولوژی آبراههها و حوضههای

تحقیقات منابع اَب ایران، سال چهاردهم، شماره ۵، زمستان ۱۳۹۷ Volume 14, No. 5, Winter 2019 (IR-WRR)

آبریز با اندازه گیری کمیتهای مختلفی از قبیل انتگرال هیپسومتریک، نسبت کشیدگی، شاخص رودخانه اصلی و میزان پیچوخم جبهه کوهستان را مورد تحلیل قرار دادند.

آنچه که در مرور فصل مشترک پژوهش های ژئومورفولوژی و تحلیل غیرخطی حوضههای آبریز دیده می شود تکیه بر یافتن الگوهای فراکتال برای تفسیر ویژگیهای ژئومورفولوژیک آبراهه است. حال آنکه حوضه آبریز بهعنوان سیستمی پیچیده قطعاً میبایست پدیدهای چندفراکتال باشد تا تکفراکتال. هدف از این پژوهش بررسی جامعی بر روی ویژگیهای چندفراکتال حوضه آبریز و یافتن برتریهای تحلیلهای چندفراکتال در آشکارسازی طبیعت غیرخطی حوضه آبریز در مقایسه با تحلیلهای تکفراکتال است. در ضمن مطالعه انطباقی دقيق بين شاخصهاي ژئومورفولوژيک حوضه آبريز و تحليل ویژگیهای چندفراکتال حوضه انجام خواهد شد بهگونهای که بتوان روابط معنی داری بین شاخص های این دو رویکرد مختلف علمی در گستره مطالعاتی حوضه آبریز یافت. با این رویکرد می توان با انجام یردازش سریع و صرفاً مبتنی بر شکل آبراهه و محاسبه ویژگیهای چندفراکتال حوضه به شناخت بسیار نزدیک از شاخصهای ژ ثومور فولوژیک حوضه آبریز و به تبع آن بر آوردی دقیق از تحلیل های مهندسی مبتنی بر این شاخصها در مهندسی منابع آب و مدیریت حوضه آبريز دست يافت.

۲- روش تحقیق

۲-۱- معرفی منطقه مورد مطالعه

حوضه والنات گولچ در جنوب شرق ایالت آریزونای آمریکا با مساحت ۱۸۰ کیلومترمربع در محدوده جغرافیایی ۳۱ و ۴۲ شمالی، ۱۱۰ و ۳۰ غربی واقع شده است که ۷۶۰۰ کیلومترمربع بالاتر از حوضه رود سن پدرو قرار می گیرد و از شمال از سونورای مکزیک به آریزونا جریان دارد (شکل ۱– الف). در واقع ناحیه عبوری بین صحراهای چیهوآهوان و سونوران میباشد. ارتفاع حوضه از ۱۲۵۰ متر تا ۱۵۸۵ متر متغیر، میانگین بلندمدت بارش سالانه ۳۵۰ میلیمتر و میانگین بلندمدت سالانه دما ۱۷/۷ درجه سانتی گراد میباشد. والنات گولچ یک شاخه نخشک میباشد. دادههای هواشناسی، فرسایش خاک (رسوب گذاری) از ۱۲۵ دستگاه نصب شده روی حوضه آبریز والنات گولچ جمع آوری قرار گرفته است، اندازه گیری میشود. منطقه والنات گولچ به ۱۲ قرار گرفته اصلی تقسیم,بندی میشود. ویژ گی بارز این منطقه حالت

بیابانی آن و بارندگی اندک در این منطقه میباشد. بهطوری که این بارندگی تقریباً فقط در سه ماه از سال اتفاق میافتد. بارندگی کم این منطقه باعث شده است که آبراهههای موجود در آن دبی پایهای نداشته باشند و در تمامی موارد دبی پایه آنها صفر در نظر گرفته شده است. شکل ۲ حوضه آبریز والنات گولچ در جنوب شرق ایالت آریزونای آمریکا را نشان می دهد.

۲-۲- معرفی شاخصهای زمینریختشناسی(ژئومورفولوژی) ۲-۲-۱- شاخص گرادیان طولی رودخانه^۲ (SL)

این شاخص که نشاندهنده تغییر ارتفاع و معرف طول کانال است، برای مسیر مشخص شبکه زهکشی بر اساس رابطه محاسبه و مشخص میشود:

SL = $(\Delta H/\Delta L) \times L$ (۱) در این رابطه، $\Delta H/\Delta L$ شیب محلی رود، ΔH اختلاف ارتفاع بین دو نقطه اندازه گیری شده، ΔL طول بازه و L طول کل کانال بر حسب متر از خط تقسیم آب تا مرکز بخشی که شیب آن محاسبه شده است (Payandeh et al., 2006).

۲-۲-۲ شاخص پیچوخم رودخانه اصلی^۳ (S)

ضریب سینوسیته شاخص دیگری است که برای بررسی تغییرات بستر رودخانه استفاده میشود. تغییرات سینوسیته در یک سامانه رودخانهای به طور معمول ناشی از افزایش و فرونشستهایی است که در بستر رودخانه روی می دهد سینوسیته رود برای حفظ تعادل نشیب کانال تغییر می کند. برای حفظ تعادل شیب رودخانه، پیچوخم رودخانه نیز جابه جا می شود. این شاخص از نسبت طول کانال به فاصله مستقیم همان مسیر به دست می آید:

$$S = \frac{C}{V}$$

که در آن، C طول رودخانه و V طول دره (طول مستقیم دره) است. رودخانههایی که پیچوخم زیادی دارند به حالت تعادل نزدیک شده، در حالی که مستقیم بودن مسیر رودخانه بیشتر گویای جوان بودن منطقه است.

T-T-T- شاخص تقارن توپوگرافی عرضی[†] (T)

شاخص دیگری که میتوان در ارزیابی نامتقارن بودن حوضه آبخیز استفاده کرد، شاخص تقارن توپوگرافی عرضی است که با رابطه ۳ بیان

$$T=\frac{D_a}{D_d}$$

می گردد:

(٣)

(۲)

تحقیقات منابع آب ایران، سال چهاردهم، شماره ۵، زمستان ۱۳۹۷ Volume 14, No. 5, Winter 2019 (IR-WRR)



Fig. 1- Walnut Gulch Watershed and River Network, a) Walnut Gulch Location and Boundaries, b) Walnut Gulch River Network Map





که در آن، D_a فاصله خط میانی حوضه زهکشی تا مسیر رود اصلی (نوار مئاندری فعال حوضه) و D_b فاصله خط میانی حوضه زهکشی تا خط تقسیم آب میباشند. در واقع شاخص T، برداری با جهت گیری خاص و با مقادیری از ۱–۰ است. در حوضههای کاملاً متقارن، مقدار این شاخص برابر با صفر است. با کاهش تقارن حوضه، شاخص T افزایش یافته و به عدد ۱ نزدیک می شود (Alizadeh and Alizadeh, 2014).

(μ) ^۵ رودخانه (μ) رودخانه (μ)

اگر مجموع طول تمام رودخانهها و آبراهههای حوضه اندازهگیری و بر مساحت حوضه تقسیم شود عدد به دست آمده که معمولاً برحسب کیلومتر در هر کیلومترمربع (km/km²) توصیف میشود، تراکم شبکه رودخانههای حوضه (یا تراکم شبکه زهکشی) نامیده میشود.

$$\mu = \frac{\sum L_i}{A} \tag{(f)}$$

که در آن، L_i طول هر یک از آبراهههای حوضه (دائم و خشک) با واحد A، km واحد km^2 مساحت حوضه برحسب km^2 و μ تراکم شبکه رودخانههای حوضه برحسب km/km^2 میباشند.

(Re) ⁶-۲-۲ نسبت کشیدگی²

حوضههای آبریز از نظر شکل بسیار متنوعاند ولی میتوان سه گروه عمده را مشخص کرد: حوضههای کشیده، پهن و بادبزنی. برای آن که حوضهها را از نظر شکل مقایسه کنیم از ضرایب یا نمایههای خاصی استفاده میشود. نسبت کشیدگی یکی از شاخصهای مورد استفاده برای مقایسه حوضه آبریز میباشد. در یک حوضه اگر مساحت آن A باشد در این صورت قطر دایره معادل آن $^{5.0}(\frac{A}{\pi})$ خواهد بود. در چنین حوضهای بر حسب تعریف نسبت کشیدگی به صورت زیر بیان شده است که در آن Lm طول حوضه در جهت موازی با طولانی ترین آبراهه حوضه با واحد km^2 میباشند (Alizadeh, 2006)

$$Re = (\frac{A}{0.786})^{0.5} \frac{1}{L_{\rm m}}$$
(\Delta)

(Bs) نسبت شکل حوضه (Bs)

شاخص نسبت شکل حوضه با تقسیم اندازه طول حوضه از انتهایی ترین مقسم آب تا خروجی حوضه بر پهنای حوضه در پهن ترین قسمت به دست می آید. همان طور که از نام این شاخص پیداست، با توجه به مقدار بدست آمده می توان تا حدودی به چگونگی شکل حوضه پی برد. $B_s = {}^{B_L}/_{B_{wr}}$

که در آن، $B_{\rm w}$ طول دورترین نقطه تا خروجی حوضه و $B_{\rm w}$ طول پهنترین بخش حوضه می اشند (Karam & Saberi, 2015).

۲-۳- تئوری فراکتال

۲-۳-۲ محاسبه بعد فراکتال و شاخصهای چندفراکتال

فراکتالها اشکال و یا فرآیندهای هستند که در مقیاسهای متفاوت فضایی یا زمانی مورد بررسی، دارای ظاهر و یا رفتاری مشابه هستند. این اشکال یا فرآیندها دارای جزییات بسیاری در مقیاسهای کوچک هستند بگونهای که هندسه اقلیدسی از تفسیر این جزییات ناتوان است (Mandelbrot, 1982). با اینکه در تعریف محض، فراکتال یک مفهوم ریاضی به حساب میآید مثالهای بی شماری از یدیدههای طبیعی قابل ذکر است که یک پدیده فراکتال را نمایش میدهند با احتساب اینکه آنها در دامنه مشخصی از مقیاسها قابل تعریف هستند. به چنین پدیدههایی معمولاً خود- متشابه گفته می شود که بیانگر ساختار تغییرناپذیر مقیاسی آنهاست یا اینکه در دامنه مقیاسی مشخص ساختار یکتایی دارند. به عبارت سادهتر ویژگی غالب چنین پدیدهای وابستگی طول این پدیده به طول مقیاس اندازهگیری أنهاست که بعد فراکتال طبیعت دقیق این وابستگی بعد را به ما نشان میدهد (Moon, 2004). بعد فراکتال در واقع معیاری برای سنجش مقیاس هندسی (فراکتال) یک پدیده است که می تواند با توجه به میزان پیچیدگی پدیدہ یک عدد غیر صحیح باشد. بعد فراکتال می تواند عددی بین ۱ و ۲ برای یک منحنی یا فرآیندی مانند یک سری زمانی -که سیگنالی یکبعدی است- باشد حال آنکه این عدد برای یک سطح بر اساس پیچیدگی و یا سیگنالهای دوبعدی مانند تصاویر میتواند عددی بین ۲ و ۳ باشد. روشهای گوناگونی برای محاسبه بعد فراکتال پیشنهاد شده است که در این یژوهش از روش شمارش جعبهای استفاده كردهايم.

۲-۳-۲ روش شمارش جعبهای

الگوریتم شمارش جعبهای روشی هوشمندانه و ساده در کاربرد است (Breslin and Belward, 1999). یک منحنی فراکتال، منحنی با جزییات مشخص و خاصیت خود- متشابه است. طول منحنی فراکتال به طور نامحدودی با افزایش دقت مکانیزم اندازه گیری افزایش میابد. با هر مرحله افزایش دقت اندازه گیری بعد فراکتال، افزایش جزییات و به تبع آن طول منحنی را مشخص مینماید. برای یک پدیده فراکتال، طول L به عنوان تابعی از دقت ابزار اندازه گیری δ برابر است با: (۷)

تحقیقات منابع آب ایران، سال چهاردهم، شماره ۵، زمستان ۱۳۹۷ Volume 14, No. 5, Winter 2019 (IR-WRR)

که در آن D بعد فراکتال است. الگوریتم شمارش جعبهای $L(\delta)$ را برای δ مختلف اندازه گیری می کند به این صورت که تعداد جعبههای غیر همپوشان بهاندازه δ را که برای پوشاندن منحنی لازم است می شمارد. به این ترتیب بعد فراکتال D از رابطه زیر بدست می آید: امو N(δ)

$$D = -\lim_{\delta \to 0} \frac{\log N(\delta)}{\log(\delta)}$$
(A)

که در آن (N(۵ نشاندهنده تعداد جعبههای لازم جهت پوشاندن منحنی است.

۲-۴- تحليل چندفراكتال

۲-۴-۲ بعد تعمیمیافته

روش شمارش جعبهای امکان تعمیم مفهوم چندفراکتال را فراهم می آورد (Carpinteri et al., 2009). برای هر δ روش شمارش جعبهای بی قاعدگیهای اندازهای کمتر از δ را نادیده می گیرد. بنابراین تعداد نقاط یافت شده درون جعبهها که مجموعه را پوشش می دهند متناسب نیست. یعنی مثلاً در تحلیل چندفراکتال شکل آبراهه یک متناسب نیست. یعنی مثلاً در تحلیل چندفراکتال شکل آبراهه یک را دربر می گیرد هر دو به یک تعداد شمارش می شوند. بنابراین بعد فراکتال به تنهایی برای به تصویر در آوردن خصوصیات فراکتالی فراکتال مانند شبکه آبراهه کافی نمی باشد. بعد فراکتال حاصل از شمارش جعبهای درواقع اطلاعات کلی و یا میانگین اطلاعات شبکه را منتقل می نماید و از بی نظمی های موضعی این چنینی عبور می کند. به همین دلیل بعد فراکتال تعمیم یافته به صورت زیر تعریف می گردد (Carpinteri et al., 2009)

$$D_{q=\frac{1}{(q-1)}\lim_{\delta \to 0} \frac{\ln \sum \mu_{i}^{q}}{\ln \delta}}, \quad \forall q \in \Re$$
(9)

که در آن μ_{i} طول کلی شبکه آبراهه در i امین جعبه میباشد. یک شبکه فراکتال که با مجموعه نامحدودی از بعدهای تعمیمیافته p برای کلیه مقادیر حقیقی q تعریف میشود بهعنوان یک طیف چندفراکتال شناخته میشود (شکل ۳– الف). مقدار q متعلق به مجموعه اعداد حقیقی است و بازه تغییرات آن از q- تا q+ نشانگر آستانه حدی است که مقدار pd با کم یا زیاد شدن q از این حد، کاهش و یا افزایش نخواهد داشت و بر اساس الگوریتم تکرار و خطا مشخص میگردد (Bonnet et al., 2001). کاهش یکنواخت بعد فراکتال تعمیمیافته در حالیکه q افزایش مییابد نشانگر تکفراکتال فراکتال تعمیمیافته در حالیکه q افزایش مییابد نشانگر تکفراکتال برابر است. در حالیکه افزایش و یا کاهش معنادار و با شیب تند بعد فراکتال تعمیمیافته در مقابل افزایش مقادیر q به معنای طیف چندفراکتال برای پدیده است.

روند افزاینده یا کاهنده نمودار (p) در مقابل p درجهای از تمایل سیستم به چندفراکتالی بودن را نشان میدهد. همچنین اگر نرخ تغییرات بعد فراکتال تعمیمیافته در مقابل p نسبتاً هموار باشد نشاندهنده تمایل سیستم به چندفراکتالی بودن میباشد و بالعکس اگر این نرخ معنادار باشد درجهای از تکفراکتالی را نشان میدهد. با توجه به بررسیهای انجام گرفته در گذشته، میتوان نتیجه گرفت که بررسی این نمودار مهمترین و قابل اعتمادترین نتایج را به دنبال دارد. همچنین با محاسبه بعد تعمیمیافته فراکتال در نقطه 0=p و تفریق آن از بعد با محاسبه بعد تعمیمیافته فراکتال در نقطه 0=p و تفریق آن از بعد فراکتال میتوان تا حدودی به رفتار سیستم پی برد. بدین صورت که هرچه عدد به دست آمده از این تفریق –که به آن Δ میگوییم– کمتر باشد تمایل سیستم به الگوی چندفراکتالی را بیشتر نشان میدهد. $\Delta=D_f - D_{g=0}$



Fig. 3- Multi-fractal characteristics, a) Fractal Generalized Dimension diagram, b) Singularity Spectrum Graph, c) Scaling Exponent Diagram شکل ۳- شاخصهای چندفراکتال (الف) نمودار بعد فراکتال تعمیمیافته (ب) نمودار طیف تکینگی (ج) نمودار ضریب مقیاسی

تحقیقات منابع آب ایران، سال چهاردهم، شماره ۵، زمستان ۱۳۹۷ Volume 14, No. 5, Winter 2019 (IR-WRR)

۲-۴-۲ طيف تکينگی^

محاسبه می گردد:

طیف تکینگی (α) بعد فراکتال جعبههایی است با شدت تکینگی α درجایی که α پارامتر موضعی است که محاسبات آن از جعبهای به جعبه دیگر تغییر میکند. در شمارش جعبهای چندفراکتال، شبکه مجازی از جعبههای مستطیلی شکل تصویر آبراهه را پوشش میدهند و یک احتمال به هر جعبه بر اساس شماره پیکسل آن جعبه نسبت داده میشود (Chhabra et al., 1989).

$$\mu(q,\delta) = \frac{P_i^q(\delta)}{\sum_i P_i^q(\delta)}$$
(11)

 $\mu(q, \delta)$ که در آن $p_i^q(\delta)$ تعداد کل جعبههای غیر خالی با سایز δ و $p_i^q(\delta)$ و وزن مربوط به i امین جعبه میباشد. (Chhabra et al. (1989) روابط زیر را برای محاسبه ($\alpha(q)$ و ($\alpha(q)$ ارائه نمودهاند:

 $f(\alpha) = \lim_{\delta \to 0} \frac{\sum_{i} \mu_{i} \log \mu_{i}(q, \delta)}{\log(\delta)}$ (17) براین اساس برای دستیابی به طیف تکینگی ابتدا تابع شدت تکینگی

$$\alpha(\mathbf{q}) = \lim_{\delta \to 0} \frac{\sum_{i \ \mu_i \log \mu_i(\mathbf{q}, \delta)}}{\log(\delta)} \tag{17}$$

با رسم مقادیر (α) در مقابل زاویه تکینگی α طیف تکینگی که از پارامترهای مهم و مفید برای تحلیل رفتار چندفراکتال شبکه آبراهه میباشد بدست می آید (شکل π – ب). این نمودارها عموماً تا مقدار بعد فراکتال در 0=p بالا می روند و سپس پایین می آیند. همانند طیفهای Dq در مقابل pه آنها نیز الگوهای معمولاً کاربردی برای مقایسه الگوهای تک و چندفراکتال نشان می دهند. منحصراً در این طیفها تک و چندفراکتالها در مقادیر خاصی همگرا می شوند، به نحوی که طیف حاصل از چندفراکتال عموماً گستردگی بیشتری دارد.

با بررسی زاویه α در این نمودار و با توجه به باز و بسته بودن این نمودار که از آن بهعنوان دامنه یاد می شود، می توان رفتار سیستم را تا حدودی حدس زد. بدین صورت که هرچه دامنه کمتر باشد، تمایل به تک فراکتالی بودن بیشتر است و بالعکس هر چه دامنه بیشتر باشد درجهای از چندفراکتالی بودن را نشان می دهد. به تبع و با توجه به مرتبط بودن دامنه با زاویه α ، مقادیر بیشتر زاویه α نشان دهنده تمایل به تک فراکتالی و مقادیر کمتر آن تمایل به چندفراکتالی را نمایان می کند. همچنین با بررسی تقارن موجود در شکل نمودار تحلیل هایی صورت می گیرد. به این معنی که اگر نمودار از تقارن کامل^۹ برخوردار باشد، سیستم را می توان فراکتال دقیق ۱۰ داست. فراکتال های دقیق از تکرار المان های خود متشابه ۱۰ پدیده فراکتال به وجود می آیند. اما اگر نمودار تمایل به سمت راست ۲۰ داشته باشد، می توان به درجهای از تمایل سیستم به تک فراکتالی بودن پی برد و این امر نشان دهنده تمایل سیستم به تک فراکتالی بودن پی برد و این امر نشان دهنده

چپ^{۱۲} نمودار درجهای از تمایل سیستم به چندفراکتال طبیعی بودن را نشان میدهد و بیانگر حساسیت نسبت به تغییرات محلی بزرگ است.

۲-۴-۳ ضریب مقیاسی^{۱۴}

ضریب مقیاسی که به عنوان (T(q) شناخته می شود شیب منحنی برازشی لوگ-لوگ تابع ضریب مقیاسی (T(q) برحسب q میباشد. نمودار (T(q) برحسب q بهعنوان یکی از پرکاربردترین نمودارها در طيف چندفراكتالي شناخته مي شود (شكل ٣- ج). اين نمودار معمولاً جهت تعیین الگوی رفتاری سیستم مورد استفاده قرار می گیرد. خطی بودن این نمودار نشان دهنده تمایل سیستم به الگوی چندفراکتالی است و بالعکس وجود شکستگی درجهای از تکفراکتالی بودن را نشان میدهد. به عبارتی وجود نقطه شکستگی نشان دهنده رفتاری تکفراکتالی است و هرچه این نقطه شکستگی سبب شکستگی بیشتر این نمودار شده باشد تمایل سیستم به تکفراکتالی بودن را بیشتر نشان میدهد. به شکستگی ایجاد شده در نمودار زاویه چرخش^{۱۵} گفته می شود. همچنین بررسی ها نشان می دهد هرچه این نمودار فاصله بیشتری از مبدأ مختصات داشته باشد این تمایل به چندفراکتالی بودن بيشتر خواهد شد. معادله ١۴ نحوه محاسبه تابع ضريب مقیاس بر اساس شاخص بعد فراکتال تعمیمیافته را نشان میدهد :(Pathak and Hemali, 2013)

 $T(q) = q. D(q) - 1 \tag{14}$

۳- نتایج و تحلیل نتایج ۲-۱- محاسبه بعد فراکتال

تمامی دادههای منطقه والنات گولچ^۶ از مرکز دادههای پروژه حوضه جنوب غرب آریزونا منطقه والنات گولچ به دست آمده است. این دادهها در قالب نقشههای GIS که شامل نقشههای توپوگرافی Dem10 شبکه آبراهه و تقسیم بندی زیر حوضه ها می باشد، دریافت شد. به دلیل اینکه شبکه آبراهه ها و کدهای ارتفاعی موجود در دادهها کلی و مربوط به تمام منطقه والنات گولچ بود، می بایست این موارد برای هر زیر حوضه به صورت جداگانه بدست می آمد. از این رو با استفاده از تقسیم بندی موجود زیر حوضه ها (که شامل ۱۵ زیر حوضه متفاوت نام گذاری شده از شماره ۱ تا ۱۵ می شد ولیکن زیر حوضه های شماره قرار نگرفتند) شبکه آبراهه و نقشه توپوگرافی اختصاصی هر زیر حوضه بدست آمد. پس از آن با قرار دادن کدهای ارتفاعی روی مسیر رودخانه بدست آمد. پس از آن با قرار دادن کدهای ارتفاعی روی مسیر رودخانه به همراه ارتفاع آن ها به صورت مجزا به دست آمد. با استفاده از تصویر به همراه ارتفاع آن ها به صورت مجزا به دست آمد. با استفاده از تصویر

تحقیقات منابع آب ایران، سال چهاردهم، شماره ۵، زمستان ۱۳۹۷ Volume 14, No. 5, Winter 2019 (IR-WRR)

شبکه آبراهه استخراج شده از نرمافزار GIS مربوط به هر یک از زیرحوضهها و توسط کدهای توسعه دادهشده در محیط MATLAB مقادیر بعد فراکتال بدست میآید. این تحلیل بر پایه روش شمارش جعبهای (معادله ۸) انجام گرفته است. در این روش شکل آبراهه با مجموعهای از جعبهها با اندازه مشخص پوشانده میشود و سپس بعد فراکتال از تقسیم لگاریتم تعداد جعبههای پوششی به لگاریتم اندازه این جعبهها محاسبه میگردد. بر اساس فلسفه موجود در شکلگیری پدیدههای فراکتال این نسبت که بعد فراکتال نامیده میشود مستقل از مقیاس^{۷۷} بوده و با تغییر اندازه جعبهها بعد فراکتال تغییر نمیکند. مقادیر بعد فراکتال این نسبت که بعد فراکتال نامیده میشود مستقل مقادیر بعد فراکتال این نسبت که بعد فراکتال نامیده میشود مستقل است. همان گونه که در جدول ۱ نیز مشخص است مقادیر بعد فراکتال است. همان گونه که در جدول ۱ نیز مشخص است مقادیر بعد فراکتال است. همان گونه که در جدول ۱ نیز مشخص است مقادیر بعد فراکتال است. همان گونه که در جدول ۱ نیز مشخص است مقادیر بعد فراکتال است. همان گونه که در جدول ۱ نیز مشخص است مقادیر بعد فراکتال

۲-۲- محاسبه شاخصهای چندفراکتال

بهمنظور ارزیابی شاخصهای فراکتالی بهدست آمده از شکل آبراهههای

زیرحوضههای منطقه والناتگولچ جهت تعیین تمایل هر یک از شبکههای آبراهه به چندفراکتال یا تکفراکتال بودن و همچنین پی بردن به رفتار حوضه، نمودارهای T(q) و D(q) برحسب p و نمودار $F(\alpha)$ برحسب α با استفاده از کدهای توسعه دادهشده در محیط MATLAB استخراج شده و مورد بررسی قرارگرفته است. پس از ارزیابی نمودارها برای هر یک از زیرحوضهها جهت مقایسه الگوهای چندفراکتالی آنها، این نمودارها بر هم منطبق شده و با هم مقایسه گردیده است.

نتایج به دست آمده از تحلیلهای چندفراکتالی با توجه به شاخص ترین ویژگی هر نمودار به صورت رتبه بندی برای زیر حوضه های منطقه وال نات گولچ آورده شده است. همان طور که گفته شد شاخص ترین ویژگی نمودار ضریب مقیاسی (شکل ۴) در این منطقه میزان شکستگی این نمودار می باشد. در زیر، زیر حوضه ها از شکسته ترین تا خطی ترین حالت به ترتیب مقادیر محاسبه شده برای زاویه چرخش مطابق جدول ۲ از کمترین زاویه به بیشترین زاویه چرخش رتبه بندی شده اد. مشخص است که هر چه این زاویه بیشتر باشد، نمودار به خط راست نزدیک تر و مقادیر کمتر این زاویه نشان ده نده شکستگی بیشتر است.



Table 1- Fractal dimensions calculated for each sub-area جدول ۱- بعد فراکتال محاسبه شده برای هر زیر حوضه



Fig. 5- Comparison of generalized fractal dimension for all sub-basins شکل ۵- مقایسه بعد تعمیمیافته فراکتال تمامی زیرحوضهها

نرخ تغییرات بعد فراکتال تعمیمیافته کاهش مییابد زاویه چرخش افزایشی می شود که این خود نشانگر رفتار چندفراکتال شبکه رودخانه در تمامی زیر حوضه هاست. نکته دیگر آنکه این دو شاخص متفاوت چندفراکتالی نتایج تقریباً مشابهی در تحلیل رفتار زیر حوضه ها داشته اند و به صورت کلی رتبه هر زیر حوضه در طبقه بندی زیر حوضه ها بر اساس هریک از این دو شاخص تقریباً یکسان است (جدول ۲).

ویژگی مهم نمودار طیف تکینگی میزان زاویه α ، دامنه آن و تقارن این نمودار میباشد. زیر حوضه های این منطقه از حیث زاویه α از بیشترین زاویه تا کمترین و دامنه از بسته ترین تا بازترین حالت رتبه بندی شده است. همچنین با توجه به افزاینده بودن نمودار بعد فراکتالی تعمیم یافته همه زیر حوضهها متوجه می شویم که شاخص ترین ویژگی این نمودار (شکل ۵) نرخ تغییرات بعد تعمیم یافته فراکتال بر حسب q می باشد. رده بندی زیر حوضهها از بر جسته ترین حالت تا هموار ترین حالت آورده شده است. این رده بندی بر اساس تفاضل مقادیر بعد تعمیم یافته در 10=q و -=q را محاسبه شده است. که هر چه این تفاضل مقدار کمتری داشته باشد نمودار سیر صعودی ملایم تری دارد و بالعکس هر چه این تفاضل بیشتر باشد، نرخ تغییرات بر جسته تر است. این موارد به همراه ر تبه بندی نمودار خریب مقیاسی در جدول ۲ آورده شده است. همان گونه که از جدول ۲ مشخص است روند تغییرات بعد تعمیم یافته فراکتال در تمامی زیر حوضهها کاملاً با زاویه چرخش هماهنگ است بگونه ای که هر چه

Table 2- Sub-basins ranking based on scaling coefficient diagram and generalized dimension جدول ۲- رتبهبندی زیرحوضهها بر اساس نمودار ضریب مقیاسی و بعد تعمیم یافته

			.	
Row	Rate of changes	Ranked from Sharp	Rotation	Ranked upon the vertex angle
	D(q=10) - D(q=-10)	to Monotonic trend	(angle)	value
1	1.02	Sub-basin 5	145	Sub-basin 5
2	0.96	Sub-basin 7	147	Sub-basin 15
3	0.91	Sub-basin 15	152	Sub-basin 7
4	0.77	Sub-basin 8	158	Sub-basin 4
5	0.74	Sub-basin 4	159	Sub-basin 8
6	0.70	Sub-basin 1	161	Sub-basin 1
7	0.49	Sub-basin 2	167	Sub-basin 6
8	0.47	Sub-basin 6	168	Sub-basin 2
9	0.39	Sub-basin 3	171	Sub-basin 3
10	0.24	Sub-basin 11	177	Sub-basin 9
11	0.18	Sub-basin 9	175	Sub-basin 11
12	0.03	Sub-basin 10	179	Sub-basin 10

تحقيقات منابع أب ايران، سال چهاردهم، شماره ۵، زمستان ١٣٩٧

Volume 14, No. 5, Winter 2019 (IR-WRR)

همان گونه که گفته شد زاویه α نیز برحسب درجه با اندازه گیری زاویه بین شروع نمودار در کمترین α نسبت به نمودار محور مختصات γ ها محاسبه می شود و دامنه فاصله بین دو بازوی این نمودار تعریف می شود. جهت تقارن نمودار هر سه حالت تقارن کامل، تمایل به چپ و تمایل به راست در زیر نشان داده شده است. شکل ۶ طیف تکینگی برای کلیه زیر حوضه ها را به تصویر کشیده است که برای درک بهتر نسبت به چگونگی تغییرات آن ها نسبت به یکدیگر کلیه نمودارها بر روی یک دستگاه مختصات ترسیم شدهاند. همان گونه که در شکل ۶ مشخص است بعضی زیر حوضه ها مانند ۴، ۵ و ۲ دارای عدم تقارن به سمت چپ که به معنای تمایل به رفتار چندفراکتالی است و بعضی مانند زیر حوضه های ۱، ۲ و ۳ دارای عدم تقارن به سمت راست که تمایل به تکفراکتال بودن پدیده را نشان می دهــد و زیر حوضه ۱۰ به ظاهر متقارن به نظر می رسد که ایــن از نشانه های یک فراکتال

جدول ۳ مقایسه کاملی از رفتار چندفراکتال کلیه زیرحوضههای والناتگولچ بر اساس شاخص تقارن طیف تکینگی ارائه میکند.

جدول ۴ اطلاعات کاملی نسبت به کلیه ویژگیهای چندفراکتال زیرحوضهها که قابل برداشت و استنباط از نمودار طیف تکینگی میباشند در اختیار قرار میدهد. دامنه زاویه α که تفاضل بیشترین و کمترین زاویه تکینگی در زیرحوضه میباشد و خود زاویه تکینگی و همین طور ترتیب نزولی از بیشترین دامنه زاویه تکینگی تا کمترین و نهایتاً طبقهبندی طیف تکینگی بر مبنای باز و بسته بودن شکل طیف که به ترتیب نزولی از بستهترین تا بازترین طیف در جدول ذکر شده است. همان گونه که مشخص است زیر حوضه ۲ با بستهترین طیف و کمترین زاویه تکینگی و زیر حوضه ۱۰ با بازترین طیف و بیشترین زاویه تکینگی در جدول ۴ قابل ذکر میباشد. زیر حوضه ۱۰ که متقارن ترین طیف تکینگی را نیز دارد مطابق اطلاعات جدول دارای متقارن ترین نرخ دامنه زاویه تکینگی است که این شاخص نیز باز نشانگر رفتار فراکتالی کامل این زیر حوضه میباشد.





Table 3- Sub-basins rankings in terms of symmetry qu	ality
--	-------

جدول ۳- رتبهبندی زیرحوضههای برحسب میزان تقارن							
Tendency to left	Symmetric	Tendency to right					
Sub-basin 4	Sub-basin 10	Sub-basin 1					
Sub-basin 5		Sub-basin 2					
Sub-basin 7		Sub-basin 3					
Sub-basin 9		Sub-basin 6					
Sub-basin 11		Sub-basin 8					
		Sub-basin 15					

تحقیقات منابع آب ایران، سال چهاردهم، شماره ۵، زمستان ۱۳۹۷

Volume 14, No. 5, Winter 2019 (IR-WRR)

	يحى	علاله براساس عهودار عيك فانينا	بتبابلتاني ريرسو	جناون ا د
Row	Range	Ranked from widest range	Angle α	Ranked from the closest
	$(\alpha_{max} - \alpha_{min})$	of α to the shortest range	(Degree)	spectrum to widest
1	0.09	Sub-basin 10	85	Sub-basin 9
2	0.29	Sub-basin 9	84	Sub-basin 6
3	0.34	Sub-basin 11	79	Sub-basin 10
4	0.55	Sub-basin 3	79	Sub-basin 11
5	0.60	Sub-basin 6	78	Sub-basin 3
6	0.94	Sub-basin 4	53	Sub-basin 5
7	1.02	Sub-basin 8	51	Sub-basin 8
8	1.03	Sub-basin 15	46	Sub-basin 15
9	1.06	Sub-basin 2	46	Sub-basin 1
10	1.27	Sub-basin 5	42	Sub-basin 4
11	1.28	Sub-basin 1	40	Sub-basin 7
12	1.30	Sub-basin 7	30	Sub-basin 2

Table 4- Sub-basins ranking based on the singularity spectrum diagram

است مثلاً زیر حوضه ۱۰ دارای بیشترین تقارن میباشد و همزمان بیشترین زاویه چرخش نیز یعنی ۱۷۹ درجه مربوط به این زیرحوضه است که این دو، نشانگر نزدیکی بیشتر این زیرحوضه به فراکتال کامل نسبت به سایر زیرحوضهها است. مطابق اطلاعات جدول ۵ کمترین اختلاف بین بعد فراکتال و بعد فراکتال تعمیمیافته مربوط به زیر حوضه ۲ میباشد که درعینحال دارای کمترین زاویه تکینگی نیز میباشد این در حالی است که زیر حوضه ۱۰ که دارای کمترین دامنه تغییرات بعد تعمیمیافته فراکتال است و بیشترین زاویه چرخش را دارد مقدار Δ نسبتاً کمی اختیار کرده اما نشانگر کمترین اختلاف بین بعد فراکتال و بعد فراکتال تعمیمیافته نمیباشد. بیشترین مقدار Δ مربوط به زیر حوضه ۱۵ است که درعینحال تقریباً بیشترین دامنه تغییرات بعد حوضه ۱۵ است که درعینحال تقریباً بیشترین دامنه تغییرات بعد تعمیمیافته فراکتال را نیز نشان میدهد (جدول ۵).

شاخص مهم بعدی که راهنمای مناسبی جهت تعیین الگوی زیرحوضهها میباشد تفاضل (D(q=0) و بعد فراکتال است. مقادیر عددی به دست آمده برای این زیرحوضهها با یکدیگر مقایسه و به ترتیب از کمترین مقدار تا بیشترین آن در زیر مرتب شدهاند. مقادیر زاویه α و دامنه محاسبه شده در جدول ۵ آورده شدهاند علاوه بر این مقادیر عددی Δ (معادله ۱۰) محاسبه شده برای هر زیرحوضه در جدول شاخصههای چندفراکتالی زیرحوضههای وال نات گولچ ذکر شده است. ثاویه چرخش قابل محاسبه از نمودار ضریب مقیاسی، دامنه تغییرات قابل محاسبه از نمودار زاویه تکینگی زاویه α که آن هم از نمودار طیف تکینگی و نهایتاً مقدار زاویه تکینگی زاویه α که آن هم از نمودار اثبات صحت شاخصههای چندفراکتالی مختلف در مورد یک زیرحوضه اثبات صحت شاخصهای چندفراکتالی مختلف در مورد یک زیرحوضه

ها	تمامى زيرحوضه	های چندفراکتالی	رصه نتايج تحلير	جدول ۵- خلا	
Sub-basin	Vertex angle	Changes' Rate	Range	Angle α	Δ
1	161	0.70	1.28	46	0.2857
2	168	0.49	1.06	30	0.2081
3	171	0.39	0.55	78	0.2505
4	158	0.74	0.94	42	0.3957
5	145	1.02	1.27	53	0.4168
6	167	0.47	0.60	84	0.2597
7	152	0.96	1.30	40	0.3827
8	159	0.77	1.02	51	0.3227
9	177	0.18	0.29	85	0.3195
10	179	0.03	0.09	79	0.3003
11	175	0.24	0.34	79	0.2257
15	147	0.91	1.03	46	0.5893

Table 5- Summary results of multifractal analysis for all sub-basins جدول ۵- خلاصه نتایج تحلیلهای چندفراکتالی تمامی زیر حوضهها

تحقیقات منابع آب ایران، سال چهاردهم، شماره ۵، زمستان ۱۳۹۷



۳-۳- محاسبه شاخصهای ژئومورفولوژیک

جهت محاسبه شاخصهای ژثومور فولوژیک دادههای موردنیاز در قالب نقشههای GIS که شامل نقشههای توپو گرافی Dem10 شبکه آبراهه و تقسیم بندی زیر حوضهها می باشد در محیط GIS و نرم افزار ArcMap وارد شدند و ویژگیهای ژئومور فولوژیک حوضه شامل شاخص گرادیان طولی رودخانه LS شاخص پیچوخم رودخانه اصلی R، شاخص تقارن توپوگرافی عرضی T، شاخص تراکم شبکه رودخانه A، نسبت کشیدگی Pa و نسبت شکل حوضه Bs بدست آمد. همچنین جهت استفاده در مراحل بعدی و با استفاده از تعاریف آبراهه اصلی و فرعی، مسیر هر کدام از آبراهه ها جدا شد تا بتوان اطلاعاتی نظیر طول آبراهه اصلی، طول آبراهه فرعی و غیره بدست آید. اعداد به دست آمده برای هر کدام از شاخصها جهت هر یک از زیر حوضهها در جدول ۶ آورده شده است.

۳-۴- تحلیل روابط بین الگوهای چندفراکتال شکل أبراهه و شاخصهای ژئومورفولوژیک

در این قسمت به بررسی ارتباط الگوهای چندفراکتال یافته شده بر مبنای شاخصهای سهگانه ضریب مقیاسی، بعد فراکتال تعمیمیافته و طیف تکینگی برای شبکه آبراهه در زیرحوضههای بررسی شده با شاخصهای ژئومورفولوژیک بدست آمده در هر یک از زیرحوضهها میپردازیم. با توجه به آنکه شکل آبراهه بهعنوان یک پدیده غیرخطی در هر زیر حوضه برآیند مجموعه عوامل بسیاری ازجمله مهم ترین آنها ویژگیهای ژئومورفولوژیک حوضه آبریز است انتظار داشتیم که شاخصهای چندفراکتال بهعنوان ابزارهای غیرخطی قدرتمند برآورد شاخصهای چندفراکتال بهعنوان ابزارهای غیرخطی قدرتمند برآورد این مدعا می باشد.

μ –۵-۳ شاخص

با توجه به بررسی مقادیر به دست آمده برای زیرحوضههای مختلف، نتیجه میگیریم که زیرحوضههای ۱۰، ۹، ۳ و ۶ که نسبت به سایر زیرحوضهها مقادیر شاخص تراکم شبکه آبراهه بیشتری دارند (جدول ۶)، با بررسی نمودار (T(q) آنها نیز، شاهد خطی تر بودن این نمودار خواهیم بود. به این معنی که این زیرحوضهها زوایای بیشتری در این نمودار دارند و به ۱۸۰ درجه که نشاندهنده خطی بودن کامل نمودار (q) است، نزدیکترند.

علاوه بر آن بررسی بعد فراکتال آنها نیز نشان میدهد که در این نمودار نرخ تغییرات (D(q) نسبت به q ملایم تر از سایر زیرحوضهها می می باشد. مقایسه اعداد به دست آمده در این زمینه تأییدکننده این موضوع است به این شکل که کمترین تفاضل در نمودار بعد فراکتالی مربوط به زیرحوضههای فوق الذکر می باشد. همچنین در مورد نمودار در طیف تکینگی این زیرحوضهها نیز، می توان به بسته بودن نمودار در این زیرحوضهها و دامنه اندک آنها پی برد. همان گونه که مشخص است زاویه α یان زیرحوضهها بیشترین مقادیر در میان سایر زیرحوضهها و در می زیرحوضهها بیشترین مقادیر در میان سایر زیرحوضهها را دارا می باشند. همچنین مقادیر Δ به دست آمده برای این زیرحوضهها را دارا می باشند. همچنین مقادیر در میان سایر زیرحوضهها را دارا می باشند. همچنین مقادیر Δ به دست آمده برای این زیرحوضهها دیز مقادیر می موان به بسته بودن نمودار در این زیرحوضهها را دارا می باشند. همچنین مقادیر Δ به دست آمده برای این زیرحوضهها دارد.

در مورد زیرحوضههای ۵، ۷، ۱۵، ۲ و ۱ مقادیر تراکم شبکه آبراهه کمتر، به تبع نتایج عکس با آنچه که در بالا گفته شد نتیجه می دهد. به این صورت که نمودار (T(q) این زیرحوضهها شکسته تر (شکل ۴)، نرخ تغییرات بعد تعمیمیافته فراکتال برجسته (شکل ۵)، زاویه α در نمودار طیف تکینگی کمتر (شکل ۶)، دامنه زیرحوضهها در این نمودار بیشتر و درنهایت مقدار دلتای به دست آمده نیز بیشتر است (جدول ۶). زیرحوضههای شماره ۴ و ۸ نیز در این شاخص حد واسطی را اتخاذ کردهاند.

	امی زیرخوصه ها	فولوژيخي تما	یص های ژنومور	له مقادير ساح	دول ۶- خلاص	ج ج
Sub-basin	µ(km/km2)	S(m/m)	SL(m)	T(m/m)	BS(m/m)	Re(km/km)
1	7.17	1.27	99.51	0.53	2.76	0.46
2	7.06	1.15	22.12	0.25	1.17	0.82
3	7.88	1.37	110.34	0.26	6.74	0.34
4	7.82	1.28	39.32	0.30	2.50	0.58
5	3.40	1.23	39.86	0.21	0.78	1.01
6	6.14	1.45	118.62	0.27	2.24	0.69
7	5.51	1.24	67.67	0.14	1.22	0.76
8	7.76	1.33	50.07	0.34	2.58	0.58
9	7.38	1.54	116.97	0.16	2.94	0.51
10	7.41	1.41	205.18	0.24	8.19	0.31
11	9.34	1.25	75.20	0.24	2.47	0.56
15	6.35	1.21	29.57	0.32	2.34	1.08

Table 6- Summary of the values of geo-morphological indicators for all sub-basins

تحقیقات منابع أب ایران، سال چهاردهم، شماره ۵، زمستان ۱۳۹۷

Volume 14, No. 5, Winter 2019 (IR-WRR)

S-8- شاخص S

همان طور که از شکل آبراهه نیز مشخص است، زیر حوضههای ۹، ۶، ۹۰ و ۳ دارای پیچوخم بیشتری نسبت به سایر زیر حوضهها می باشند. با بررسی نمودار (D(q), D(q) و ($F(\alpha)$ همانند آنچه در قسمت قبل گفته شد به این نتیجه می رسیم که زیر حوضههای فوق الذکر در نمودار ضریب مقیاسی الگوی خطی تری دارند، همچنین نرخ تغییرات بعد فراکتال نسبت به p در این زیر حوضهها ملایم تر بوده و زاویه α در این زیر حوضهها مقادیر بیشتری اتخاذ کرده اند و به طبع دامنه کمتری دارند. لازم به ذکر است که مقادیر دلتای این زیر حوضهها نیز کمتر از سایر زیر حوضهها است.

در زیر حوضههای ۲، ۱۵، ۵ و ۷ پیچوخم کمتر سبب متفاوت شدن نتایج با آنچه گفته شد می شود. به این ترتیب که نمودار (T(q) شکسته تر (شکل ۴)، نرخ تغییرات (D(q) برجسته تر (شکل ۵) و طیف تکینگی این زیر حوضه ها دامنه بیشتری دارد (شکل ۶) و زاویه α کمتر به وضوح قابل مشاهده است و در تمامی موارد به غیراز زیر حوضه شماره ۲ تفاضل بعد فراکتال و بعد تعمیم یافته در نقطه q= بیش تر است (جدول ۶).

۲−۳- شاخص SL

در مورد این شاخص، همانند بررسیهای گذشته، زیرحوضههای ۱۰، \mathcal{F} و ۳ مقادیر بیشتری دارند (جدول ۶) که نشاندهنده شیب بیشتر این زیرحوضهها میباشد. تحلیلهای چندفراکتالی این زیرحوضهها نیز همانند آنچه در قبل گفته شد، خطیتر بودن ضریب مقیاسی را نشان میدهد. همچنین نرخ تغییرات بعد فراکتال این زیرحوضهها ملایم تر و زاویه Ω بیشتر و دامنه کمتری دارند. میدانیم که مقادیر دلتای این زیرحوضهها نیز اعداد کوچکتری دارند. ما زیرحوضههای ۲، ۱۵، ۵ مقدار شاخص SL کمتری دارند که همان طور که انتظار میرود، زیرحوضهها دارد. نرخ تغییرات بعد فراکتال این زیرحوضههای ۲، ۵، ۵ نمودار (q) آنها تقریباً غیرخطی و زاویه کمتری نسبت به سایر کمتری نسبت به بقیه دارند بررسی دامنه این زیرحوضهها نیز، مقادیر زیرحوضهها دارد. نرخ تغییرات بعد فراکتالشان برجسته و زاویه Ω زیرحوضهها دارد. نرخ تغییرات بعد فراکتالشان مرجسته و زاویه کمتری نسبت به سایر زیرحوضهها مقادیر بیشتر برای این زیرحوضهها را نشان میدهد. زیرحوضههای ۲، ۱۱ و ۱ در این شاخص مقادیر حد وسطی دارند (جدول ۶).

T-۸- شاخص T

با بررسی این شاخص که نمایانگر تقارن توپوگرافی عرضی است، مشخص میشود که زیرحوضههای ۲، ۹، ۵ و ۱۱ مقادیر کمتری دارند

(جدول ۶) و تمایل نمودار طیف تکینگی این زیرحوضه به سمت چپ را نشان میدهد (شکل ۶). همچنین در زیرحوضههای ۱، ۸، ۱۵، ۶ ۳ که تقارن توپوگرافی عرضی بیشتری دارند (جدول ۶)، تمایل نمودار به سمت راست بیشتر است و انتظار میرود که اگر شاخص تقارن T حد وسط باشد، نمودار (β) تقریباً متقارن است (شکل ۶).

۳-۹- شاخص BS

زیرحوضههای ۱۰، ۳ و ۹ زیرحوضههای مشابهی از لحاظ خصوصیات هستند که در مورد شاخص Bs نیز این مورد نمود پیدا میکند. بدینصورت که نمودار (T(q) این زیرحوضهها از سایر زیرحوضهها خطی تر است (شکل ۴) و نرخ تغییرات بعد فراکتالی آنها، ملایم تر و تفاضل محاسبه شده برای این نمودار مقادیر کمتری دارند و زاویه α در نمودار طیف تکینگی (شکل ۶) بیشتر و دامنه این زیرحوضهها کمتر است. همچنین اعداد دلتای به دست آمده برای این زیرحوضهها تقریباً کمترین مقادیر به دست آمده می اشد (جدول ۵).

زیرحوضههای ۵، ۱۵ و ۷ که شاخص BS آنها مقادیر نسبتاً کمتری دارند (جدول ۶)، همان طور که انتظار می ود مقادیری عکس آنچه که در فوق گفته شد دارند. بدین صورت که نمودار (T(q) در آنها شکسته (شکل ۴)، نرخ تغییرات (D(q) برجسته (شکل ۵) و زاویه α در این زیرحوضهها کمتر و دامنه بازتری دارند (شکل ۵). می توان پیش بینی کرد که اعداد دلتا در این زیرحوضهها مقادیر بیشتری است. زیرحوضههای ۴ و ۸ نیز مانند رفتارشان در اکثر شاخصها، حد وسطی دارند (جدول ۵).

Re -۱۰-۳ شاخص

بررسی شاخص PR که نشان دهنده نسبت کشیدگی حوضه می باشد، نشان می دهد که بیشترین مقادیر PR مربوط به زیر حوضه های ۱۰، ۳، ۹، ۱ و ۱۱ می باشد (جدول ۶). مقایسه تحلیل های چندفرا کتالی انجام گرفته بر روی این زیر حوضه ها نتایج زیر را به دنبال دارد. نمودار (q) این زیر حوضه ها نسبت به سایر زیر حوضه ها فرآیند خطی تری را نشان می دهد (شکل ۴) و زوایای بیشتری دارند. همچنین نرخ تغییرات بعد تعمیم یافته فراکتالی همان گونه که از مقادیر به دست آمده می توان دریافت، تقریباً ملایم بوده (شکل ۵) و دامنه کم و زاویه α در نمودار طیف تکینگی زیاد است (شکل ۶). ذکر این نکته لازم است که اعداد دلتای این زیر حوضه ها نسبت به سایر زیر حوضه ها تقریباً مقادیر بیشتری را نشان می دهد (جدول ۵). اما در مورد زیر حوضه های ۵، ۵۵ ای بیشتری را نشان می دهد (جدول ۵). اما در مورد زیر حوضه های ۵، ۵۵

تحقیقات منابع آب ایران، سال چهاردهم، شماره ۵، زمستان ۱۳۹۷ Volume 14, No. 5, Winter 2019 (IR-WRR)

میباشد نمودار (T(q این زیرحوضهها شکستهتر، نرخ تغییرات بعد تعمیمیافته فراکتالی برجستهتر و همچنین زاویه α طیف تکینگی آنها مقادیر اندک و دامنه زیادی دارند و درنهایت میتوان نتیجه گرفت که دلتای این زیرحوضهها مقادیر بیشتری را دارد.

در این مرحله مقادیر عددی به دست آمده برای هر شاخص ژئومورفولوژیک با یکدیگر مقایسه و به ترتیب رتبهبندی شدهاند. این رتبهبندی این شاخصها در جدولهای ۷ و ۸ نشان داده شدهاند. این ردهبندیها دید مناسبی راجع به وجود یا عدم وجود ارتباط معنادار بین تحلیلهای چندفراکتالی و شاخصهای ژئومورفولوژیک به ما میدهد. با در نظر داشتن حساسیت هر یک از شاخصها به پارامتری خاص شاهد اختلافات اندکی در رتبهبندی زیرحوضهها هستیم. با این وجود پیداست که در اکثر شاخصها زیرحوضهها رفتار مشابهی دارند و از الگوی واحدی تبعیت میکنند.

همان طور که از رتبهبندی های انجام گرفته در مورد شاخصهای ثؤمور فولوژیک پیداست زیر حوضه های ۲، ۹، ۱۰ و در بیشتر موارد زیر حوضه های ۱، ۶ و ۱۱ در مجاورت یکدیگر (نه لزوماً با ترتیب مشخص) قرار گرفته اند (جدول ۲). با بررسی دقیق تر این زیر حوضه ها و مقایسه آن ها با تحلیل های چندفراکتالی متوجه تشابه الگوی فوق الذکر در این شاخص ها نیز می شویم. همچنین زیر حوضه های شماره ۵، ۱۵ و ۲ و در بعضی موارد زیر حوضه ۲ در بررسی شاخص های ژئومور فولوژیک مقادیر نسبتاً نزدیک به همی را اتخاذ کرده اند. نکته می باشد. برای مثال در بررسی شاخص های در تحلیل های چندفراکتالی نیز می باشد. برای مثال در بررسی شاخص های ۱۹ که عال و گردید که در زیر حوضه هایی که این شاخص های ژئومور فولوژیک بالاتر می باشند دیاگرام ضریب مقیاسی خطی تر است یا به عبارتی زاویه چرخش باشند دیاگرام ضریب مقیاسی خطی تر است یا به عبارتی زاویه چرخش بیشتری دارند. همچنین در این زیر حوضه ها دیاگرام بعد تعمیمم یافته بوده و زاویه and بایت در این می دهد و نمودار طیف تکینگی بسته تربوده و زاویه ۵ بیشتر است.

Table 7- Sub-basins rankings based on geo-morphological indices جدول ۷- ر تبهبندی زیر حوضهها بر اساس شاخصهای ژئومورفولوژیک

Row	Index	Sub-basin	Index	Sub-basin rank	Index	Sub-basin rank	Index	Sub-basin rank
	μ	rank	BS		S		SL	
1	9.34	Sub-basin 11	8.19	Sub-basin 10	1.54	Sub-basin 9	205.18	Sub-basin 10
2	7.88	Sub-basin 3	6.74	Sub-basin 3	1.45	Sub-basin 6	118.62	Sub-basin 6
3	7.82	Sub-basin 4	2.94	Sub-basin 9	1.41	Sub-basin 10	116.97	Sub-basin 9
4	7.76	Sub-basin 8	2.76	Sub-basin 1	1.37	Sub-basin 3	110.34	Sub-basin 3
5	7.41	Sub-basin 10	2.58	Sub-basin 8	1.33	Sub-basin 8	99.51	Sub-basin 1
6	7.38	Sub-basin 9	2.50	Sub-basin 4	1.28	Sub-basin 4	75.2	Sub-basin 11
7	7.17	Sub-basin 1	2.47	Sub-basin 11	1.27	Sub-basin 1	67.67	Sub-basin 7
8	7.06	Sub-basin 2	2.34	Sub-basin 15	1.25	Sub-basin 11	50.07	Sub-basin 8
9	6.53	Sub-basin 15	2.24	Sub-basin 6	1.24	Sub-basin 7	39.86	Sub-basin 5
10	6.14	Sub-basin 6	1.22	Sub-basin 7	1.23	Sub-basin 5	39.32	Sub-basin 4
11	5.51	Sub-basin 7	1.17	Sub-basin 2	1.21	Sub-basin 15	29.57	Sub-basin 15
12	3.40	Sub-basin 5	0.78	Sub-basin 5	1.15	Sub-basin 2	22.12	Sub-basin 2

Table 8- Sub-basin rankings based on geo-morphological indexes حدول ۸- رتبهبندی زیر حوضه ها بر اساس شاخص های ژئومورفولوژیک T و T

Row	Index T	Sub-basin rank	Index Re	Sub-basin rank		
1	0.14	Sub-basin 7	0.31	Sub-basin 10		
2	0.16	Sub-basin 9	0.34	Sub-basin 3		
3	0.21	Sub-basin 5	0.46	Sub-basin 1		
4	0.24	Sub-basin 10	0.51	Sub-basin 9		
5	0.24	Sub-basin 11	0.56	Sub-basin 11		
6	0.25	Sub-basin 2	0.58	Sub-basin 4		
7	0.26	Sub-basin 3	0.58	Sub-basin 8		
8	0.27	Sub-basin 6	0.69	Sub-basin 6		
8	0.30	Sub-basin 4	0.76	Sub-basin 7		
10	0.32	Sub-basin 15	0.82	Sub-basin 2		
11	0.34	Sub-basin 8	1.01	Sub-basin 5		
12	0.53	Sub-basin 1	1.08	Sub-basin 15		

تحقیقات منابع آب ایران، سال چهاردهم، شماره ۵، زمستان ۱۳۹۷ Volume 14, No. 5, Winter 2019 (IR-WRR)

از دیگر نتایج قابل بحث مقدار Δ است که مقادیر کمتر آن نشان از نشانه ای قوی تر چندفراکتالی دارد. در کلیه زیرحوضههای بررسی شده با افزایش شاخصهای ژئومورفولوژیک μ ، SL ، S مقدار Δ کاهش می یابد.

درزمینه تقارن نمودار طیف تکینگی نیز وجود رابطه معنادار تمایل به راست، چپ و تقارن کامل با رتبهبندی شاخص توپوگرافی عرضی سبب شگفتی می گردد به این صورت که زیرحوضههایی که تمایل به چپ داشته مقادیر کمتری در این شاخص داشته و بالعکس زیرحوضههای با تمایل به راست مقادیر بیشتری را اتخاذ کردند. همان طور که انتظار می فت زیرحوضههایی که دارای تقارن کامل یا نسبتاً کامل بودند در میانه ردهبندی شاخص مورد نظر قرار گرفتند (جدول ۳).

۴- خلاصه و جمع بندی

در این پژوهش مطالعه جامعی روی حوضه آبریز والنات گولچ جهت بررسی ویژگیهای فراکتال و تحلیل شاخصهای چندفراکتال در کنار محاسبات مربوط به شاخصهای ژئومورفولوژیک حوضه انجام شده است. در مطالعه فراکتال حوضه آبریز بعد فراکتال آبراهه در تمام زیر حوضهها به کمک روش شمارش جعبهای محاسبه شده و سیس شاخصهای ضریب مقیاسی، بعد فراکتال تعمیمیافته و طیف تکینگی از مجموعه ویژگیهای چندفراکتال شبکه آبراهه بدست آمده است. مطالعات نشان داد که بعد فراکتال بهتنهایی نمی تواند معیار مناسبی برای بررسی غیرخطی-فراکتال- حوضه آبریز باشد و تحلیل چندفراکتال طبیعت غیرخطی آن را بسیار بهتر نشان میدهد. درواقع ماهیت غیرخطی شکل آبراهه بیش از آنکه متأثر از تحلیلهای تکفراکتال باشد نسبت به شاخصهای چندفراکتال حساس میباشد. فاز دوم این پژوهش محاسبه شاخصهای متعدد ژئومورفولوژیک حوضه آبریز و مقایسه این شاخصها با ویژگیهای چندفراکتال شبکه آبراهه میباشد. این مقایسه که از نوع انطباق سنجی ویژگیهای چندفراکتال و خواص ژئومورفولوژیک حوضه میباشد نتایج قابل توجهي را در خصوص وجود روابط معنادار بين اين متغييرها حاصل نمود. نتایج حاصله از این پژوهش در ادامه و مؤید برخی پژوهشهای پیشین دال بر وجود ارتباط معنادار بین شاخصهای ژثومورفولوژیک حوضه و ویژگیهای تکفراکتال آن بوده است (& Fattahi Talebzadeh, 2017). وجود چنين روابط معنادار بين يارامترهاي چندفراکتالی و شاخصهای ژئومورفولوژیکی نتایج مهمی را به همراه دارد. پژوهش حاضر نشان داد با توجه به انطباق معنادار ویژگیهای چندفراکتال حوضه آبریز با شاخصهای ژئومورفولوژی میتوان تا حد

زیادی با تحلیلهای غیرخطی چندفراکتال ماهیت کلی ژئوموفولوژیک حوضه را دریافت کرد خصوصاً در حوضههای فاقد آمار و اطلاعات ثبتشده و یا هر زمان که صرفاً نیاز به یک بررسی سریع اما دقیق از چگونگی ژئومورفولوژی منطقه را داشته باشیم. نیاز به اطلاعات اندک (تنها شکل آبراهه که حتی میتوان آن را از عکسهای هوایی استخراج نمود و نیاز به برداشت اطلاعات پرشمار و محاسبات بسیار ندارد) و سادگی انجام تحلیلهای چندفراکتال و دقت آنها و از همه مهمتر میتنی بودن بر ماهیت غیرخطی پدیده ژئوفیزیکی حوضه آبریز این روش طبقهبندی را به ابزاری سریع و کاربردی در رتبهبندی حوضههای آبریز بدل میسازد.

1-Sand Box

- 2- Stream Length-Gradient Index
- 3- River Sinuosity
- 4- Transverse Topographic Symmetry Factor
- 5- Drainage Density
- 6- Elongation Ratio
- 7- Fractal Generalized Dimension
- 8- Singularity Spectrum
- 9- Full Symmetric
- 10- Exact Fractal
- 11- Self-Similar
- 12- Right Asymmetric
- 13- Left Asymmetric14- Scaling Exponent
- 14- Scaling Expon
- 15-Vertex Angle
- 16- www.tucson.ars.ag.gov/dap/
- 17- Scale Invariant

۵- مراجع

یی نوشتھا

- Alizadeh A (2006) Applied hydrology principles. Ferdowsi University of Mashhad, 467-484p (In Persian)
- Alizadeh Y, Alizadeh H (2014) The effect of neonate construction on the morphology of drainage network in the watersheds basin using geomorphicmorphometric indices. Geographic Survey Quarterly, Year 29, No. 1, Successive Number 112 (In Persian)
- Beauvais A, Montgomery DR (1996) Influence of valley type on the scaling properties of river plan forms. Water Resourses Research 32:1441-1448
- Bonnet E, Bour O, Odling NE, Davy P, Main IG, Cowie P (2001) Scaling of fracture systems in geological media. Reviews Geophysics 39:347-83

تحقیقات منابع آب ایران، سال چهاردهم، شماره ۵، زمستان ۱۳۹۷ Volume 14, No. 5, Winter 2019 (IR-WRR)

- Hemali T, Pathak KN (2013) Multi-fractality due to long-range correlation in the L-band ionospheric scintillation S4 index time series. Astrophysics and Space Science 350(1):47-56
- Hossein Abadi S (2011) Fractal and geometric analysis of rough surfaces. Ph.D. Thesis, Al-Zahra University (In Persian)
- Karam A (2010) Chaos theory, fractal and nonlinear systems in geomorphology. Natural geography Journal, No. 8, Summer 2010 (In Persian)
- Karam A, Saberi M (2015) Calculating of the fractal dimension in drainage basins and its relation with some geomorphological characteristics of basin (Case study: North Tehran basins). Quantitative Geomorphology Researches, Year 4, No. 3, Winter 2015 (In Persian)
- La Barbera P and Ross R (1989) On the fractal dimension of stream networks. Water Resources Research 25(4):735-741
- Mandelbrot BB (1982) Fractal geometry of nature. WH Freeman, San Francisco
- Mokrem R (2011) Chaos Theory. Regional conference on new research in mathematics, Gorgan, Islamic Azad University of Gorgan branch (In Persian)
- Moon FC (2004) Chaotic and fractal dynamics: an introduction for applied scientists and engineers. WILEY-VCH Verlag GmbH & Co. KGaA, Weinheim, pp. 77-78
- Payandeh Z, Servati MR, Shafiei F (2016) Evaluation of neonate construction activities using geomorphic indices. Journal of Geomorphologic Researches, Year 4, No. 4, Spring 2016 (In Persian)
- Puente CE, Castillo PA (1995) On the fractal structure of networks and dividers within a watershed. Journal of Hydrology 187:173-181
- Shang P and kamae S (2005) Fractal nature of time series in the sediment transport phenomenon. Chaos Solitions & Fractals 26:997-1007
- Shen XH, Zou LJ, Li HS (2002) Successive shift boxcounting method for calculating fractal dimension and its application in identification of fault. Acta Geol, Sin.-Engl. 76:257-263
- Tarboton D, Bars RL, Iturbe IR (1988) The fractal nature of river networks. Water Resources Research 24(8):1317-1322, August 1988

- Breslin MC, Belward JA (1999) Fractal dimensions for rainfall time series. Mathematics and Computers in Simulation 48:437-446
- Carpinteri A, Lacidogna G, Niccolini G (2009) Fractal analysis of damage detected in concrete structural elements under loading. Chaos Soliton Fract 42(4):2047-2056
- Chhabra A, Meneveau C, Jensen R, Sreenivasan K (1989) Direct determination of the $f(\alpha)$ singularity spectrum and its application to fully developed turbulence. Physical Review A 40(9):5284-5294
- De Bartolo SG (2004) Multifractal analysis of river networks: Sandbox approach. Water Resources Research, vol. 40
- De Bartolo SG, Veltri M and Primavera L (2006) Estimated generalized dimensions of river network. Journal of Hydrology 322:181-191
- Eke A, Herm'an P, Bassingthwaighte JB, Raymond GM, Percival DB, Cannon M, Balla I and Ikr'enyi C (2000) Physiological time series:distinguishing fractal noises from motions. Pflügers Archiv -European Journal of Physiology 439(4):403-415
- Elmizadeh H, Mahpeikar O, Saadatmand M (2014) Fractal theory in geomorphology River: A case study Zarineh river. Quantitative Geomorphology Research, No. 2 (In Persian)
- Fattahi MH, Talebbeydokhti N, Rakhshandehroo GR, Shamsai A & Nikooee E (2010) The robust fractal nalysis of the time series-concerning signal class and data length. Fractals 9:1-21
- Fattahi MH, Taleb Beydokhti N, Nikooee N (2012) Multi-fractal approach to the flood flow of the Ghare-aghaj River flow. Journal of Water Resources Engineering, Vol. 5 (In Persian)
- Fattahi MH, Talebbeydokhti N, Rakhshandehroo GR, Moradkhani H and Nikooee E (2012) Revealing the chaotic nature of river flows. IJST, Transactions of Civil Engineering 37:437-456
- Fattahi MH, Talebzadeh Z (2017) The relationship between watershed compactness coefficient and the fractal characteristics. Iran Water Resources Research, 13(1):191-203 (In Persian)
- Ghadampour Z, Taleb Beydokhti N (2011) Calculating fractal dimension in Pichanroodi Rivers using box counting techniques. 6th National Congress on Civil Engineering (In Persian)